

الوحرة الثالثة - المعاولات ذات المتغيرين

الدرس الثالث:

y=mxالعادلة بصيغة



سوو م سوم:

• استخدام التغير الطردي لحل المسائل

• مقارنة التغيرات الطروية

2

الربط بالحياة اليومية

1892

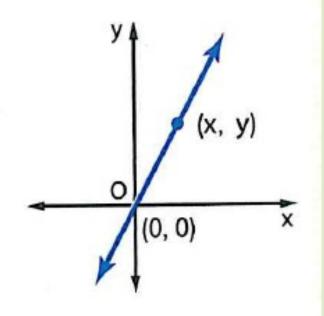
التبرع مبلغ من المال يمكن أن يجمعه عصام من خلال تنظيم سباق الدراجات الهوائية الموضح في الجدول التالي.

وقت ركوب الدراجة (h), x	الأموال المدفوعة (AED), y
2	20
4	40
6	60

تذكر أنه عندما تكون نسبة كميتين متغيرتين ثابتة، توجد علاقة تناسبية. وتُسمى هذه العلاقة تغييرًا طرديًا. وتُسمى النسبة الثابتة ثابت التغير أو ثابت التناسب.

أكمل الخطوات التالية لإبجاد المعادلة الخاصة بالتغيير الطردي.

$$\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = m$$
 ميغة الميل $\frac{y - 0}{x - 0} = m$ $(x_1, y_1) = (0, 0)$ $(x_2, y_2) = (x, y)$ y
 $y = m$ مينط $y = m$ مينادلة الضرب في المعادلة



1. استخدم الجدول لإيجاد معدل التغير. ثم اكتب المعادلة بالصيغة y = mx لتمثيل الحالة.

صيغة الميل أو معدل التغير



221	y_2	_	y ₁
m	$\overline{x_2}$	_	$\overline{x_1}$

$$m = \frac{60 - 40}{6 - 4}$$

$$m = 10$$

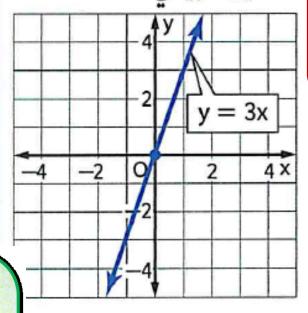
$\mathbf{v} = \mathbf{v}$	ν	=	1	0	X
---------------------------	---	---	---	---	---

وقت ركوب الدراجة (h), x	الأموال المدفوعة (AED), y
2	20
4	+20
6	60 +20

المعادلة:

الشرح

1908



العلاقة الخطية: نغير طردي عندما تكون نسبة التهثيل البياني y إلى x نسبة ثابتة m. نقول إن y نتناسب طرديًا مع X.

$$m=rac{y}{x}$$
 الرموز $m=rac{y}{x}$ أو $y=mx$ يكون ثابت $m \neq 0$ التغير و $m \neq 0$

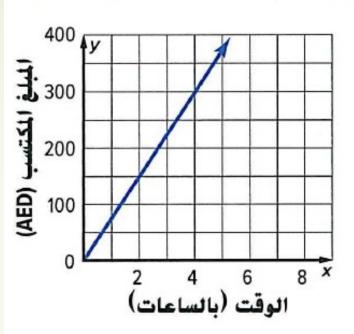
$$y=3x$$
 مثال

y = mx

في معادلة التغير y = mxالطردي m تمثل ثابت التغير. وثابت التناسب، والميل ومعدل الوحدة

ميل التمثيل البياني لــ y=mx هو m. بما أن (0,0) يُعد أحد الحلول لــ y=mx، دائمًا ما يمر التمثيل البياني للتغير الطردي عبر نقطة الأصل.





 يتغير مبلغ الهال الذي تجنيه رضوى من عملها الإضافي في المكتبة العامة مباشرة مع الوقت كما هو موضح في التمثيل البياني. حدد المبلغ الذي تجنيه رضوى في الساعة الواحدة.

لتحديد المبلغ الذي تجنيه رضوى في كل ساعة، أو معدل الوحدة، اكتشف ثابت التغير.

استخدم النقاط (2, 150)، و(225)، و(4, 300).

$$\frac{-150}{1} = \frac{75}{3} = \frac{75}{1} = \frac{75}{1} = \frac{300}{4} = \frac{75}{1}$$

إذًا، تكسب رضوى AED 75 في كل ساعة.

تأكد من فهمك أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد أنك فهمت.

19042

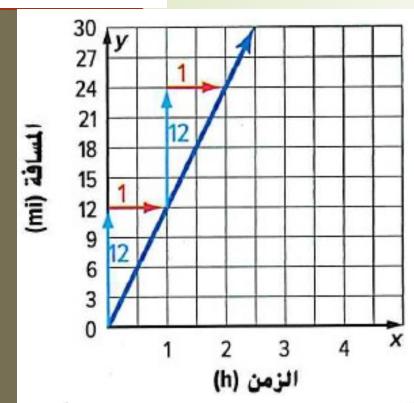
a. بعد دقیقتین من فتح لاعب القفز الحر مظلته، هبط 1900 متر وبعد 5 دقائق،
 هبط 4750 مترًا. إذا كانت المسافة تتغیر طردیًا مع الوقت، فما هو معدل هبوط لاعب القفز الحر؟



$$1900 - 1000$$
 $= 950$ معدل الهبوط $- 1750 - 1000$ $= 950$ $- 1000 - 1000$ $= 950$ $- 1000 - 1000$ $= 950$

معدل الهبوط هو 950 مترًا في الدقيقة

مبقحة 191



يمكن لراكب الدراجة قطع 3 أميال في 0.25 من الساعة. افترض أن مسافة ركوب الدراجة بالميل y تتغير مباشرة مع الوقت بالساعة x. يمكن تمثيل هذه الحالة من خلال y = 12x. من خلال y = 12x مثل المعادلة بيانيًا. ما المسافة التي يمكن أن يقطعها راكب الدراجة في الساعة؟

أنشئ جدولاً من القيم. ثم مثّل المعادلة بيانيًا y = 12x. في معادلة التغير الطردي، m تمثل الميل. وأذًا يكون ميل المستقيم هو $\frac{12}{1}$.

الساعات، x	y = 12x	الأميال، و
0	y = 12(0)	0
1	y = 12(1)	12
2	y = 12(2)	24

معدل الوحدة هو ميل الخط المستقيم. إذًا، يمكن لراكب الدراجة قطع 12 ميلاً في الساعة.

تأكد من فهمك أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد أنك فهمت.

مِنْحَةُ ١٩٥١

b. يبيع متجر بقالة 6 برتقالات بدرهمين. نفترض أن تكلفة البرتقال تتغير طرديًا مع عدد البرتقالات. يمكن تمثيل هذه الحالة من خلال $y=\frac{1}{3}x$. مثّل المعادلة

بيانيًا. ما تكلفة كل برتقالة؟
$$m{m}=rac{1}{3}$$
 $m{y}=rac{1}{3}$ $m{x}$ المعادلة $m{m}$

					تقال	البرا	ات	، حب	112			
	0		1	2	3	4	5	6	7	8	9	X
_												-
	1											
1141										+		
	2		-	-		-	-	•	+	+		
1141	3						-	_	-	+		
	3							1		1		
148543	4											
		y										

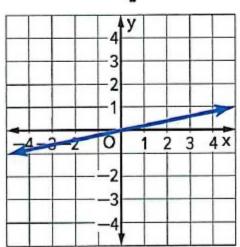
تكلفة البرتقالة الواحدة درهمًا $\frac{1}{2}$

x	التكلفة <i>y</i>	. 11E	المعادلة $y=rac{1}{3}$:	حبات البرتقال x
	0	y :	$=\frac{1}{3} (0)$	0
	3	y:	$=\frac{1}{3}(3)$	1
	6	y:	$=\frac{1}{3} (6)$	2
	9	y :	$=\frac{1}{3} (6)$ $=\frac{1}{3} (9)$	3

مقارنة التغيرات الطردية

يمكنك استخدام الجداول، أو التمثيلات البيانية، أو الكلمات، أو المعادلات لتمثيل علاقات التناسب ومقارنتها.

التمثيل البياني



الجدول

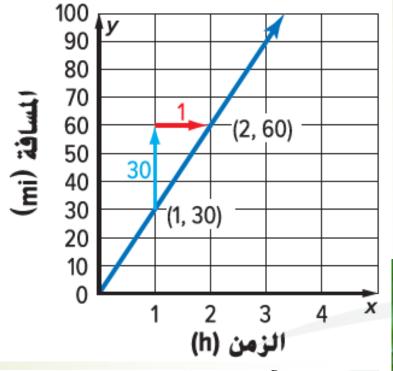
x	15	20	25	30
у	3	4	5	6

الشرح y تتغير طرديًا مع x

 $y = \frac{1}{5}x$ المعادلة

عندما تتغير القيمة x بمقدار A، ستتغير القيمة y بمقدار القيمة المتوافقة mA.

$$y = m x$$



الدب الأشهب أوجد الميل في التمثيل البياني.

$$\frac{18}{1} = \frac{18}{1} = \frac{18}{1}$$
 الإمتداد

مقارنة التغيرات الطردية

مثال

3. يمكن تمثيل المسافة y المقاسة بالأميال التي قطعها أرنب في غضون x ساعة بالمعادلة y = 35x المسافة التي قطعها الدب الأشهب على التمثيل البياني. أي الحيوانين أسرع؟ اشرح.

y = 35x الأرنب

الميل أو معدل الوحدة هو 35 mi/h.

بما أن 30 > 35، فإن الأرنب هو الحيوان الأسرع.

تأكد من فهمك أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد أنك فهمت.

c. المعرفة المالية تظهر أرباح زاهر لمدة أربعة أسابيع من وظيفة بدوام جزئي

وقت العمل (h)	15	12	22	9
إجهالي الدفع (AED)	1125.0	900.0	1650.0	675

العلاقة تغير طردي أي أن النسبة ____ ثابتة

$$\frac{1125.0}{15} = 75$$

وظيفة بدوام جزئي 75 درهم في الساعة

في الجدول. افترض أن هذه الأرباح تتغير طرديًا مع عدد ساعات العمل

٠.

يمكنه العمل بوظيفة ستدفع له AED 73 في الساعة. أى الوظيفتين راتبها أفضل له؟ اشرح.

192428

المعدل: 73

الوظيفة الجديدة 73 درهم في الساعة

73 < 75

الوظيفة بدوام جزئي راتبها هي الأفضل

كتابة مادلة التغير الطردي

لنفترض أن x تمثل العمر الفعلي للكلب وأن y تمثل العمر المكافئ للإنسان.

19342

مثال 4. غالبًا ما يعادل عمر الكلب الذي يبلغ 3 أعوام عمر الإنسان البالغ 21 عاماً.

نفترض أن العمر المكافئ بعمر الإنسان y يختلف طرديًا مع عمر الكلب x. اكتب
معادلة التغير الطردي وحلها لإبجاد عمر الإنسان المكافئ لكلب يبلغ عمره 6
أعوام.

```
y = mx التغير الطردي y = 21, x = 3
y = 21, x = 3
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y = m
y =
```

تريد التعرف على عمر الانسان المكافئ لعمر الكلب أو قيمة y عندما يصبح عمر الكلب 6 أعوام.

إذًا، عندما يكون عمر الكلب 6 أعوام، يكون العمر المكافئ للإنسان 42 عامًا.

تأكد من فهمك أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد أنك فهمت.

لم المسافة $\frac{1}{2}$ كيلومتر في $\frac{1}{2}$ ساعة. افترض أن المسافة التي المسافة التي يتم قطعها تتناسب طرديًا مع الوقت المستغرق. اكتب معادلة التغير الطردي وحلها لمعرفة ما تقطعه الحافلة في 6 ساعات.

معدل التغير الطردي (الميل)

$$rac{210}{3rac{1}{2}}=60$$

$$y = 60x$$

المعادلة:

المسافة في 6 ساعات

$$y = 60 \times (6)$$

$$y = 360$$



19342

تقطع الحافلة 360 km في 6 ساعات

تأكد من فهمك أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد أنك فهمت.

19342

e. يمكن أن تطير فراشة الملك 93 ميلاً في 15 ساعة. نفترض أن المسافة التي تقطعها تتناسب طرديًا مع الوقت المستغرق في الطيران. اكتب معادلة التغير الطردي وحلها للتعرف على ما تقطعه فراشة الملك في 24 ساعة.

معدل التغير الطردي (الميل)

y=6.2x: المعادلة

y = 148.8

المسافة في 24 ساعات

 $y = 6.2 \times (24)$

تقطع فراشة الملك 148.8 mi في 24 ساعة



١٠ يمدن ان تطبع طابعة ألوان 36 صفحة في 3 دقائق و108 صفحة في 9 دقائق. إذا كان عدد الصفحات يتغير طرديًا مع الوقت، فما معدل الطباعة لطابعة الألوان؟ (مثال ١)



معدل الطباعة هو 12 صفحة في الدقيقة



Œ)

4 5 6 7 8

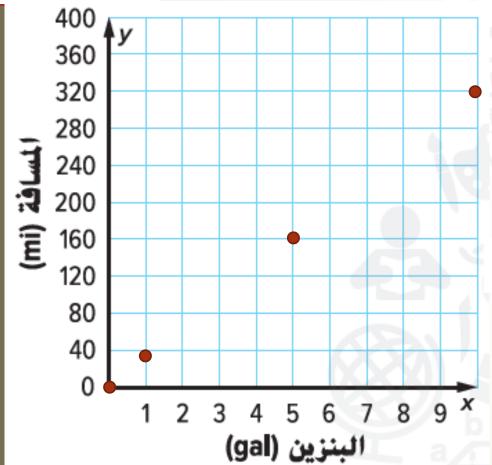
البنزين (gal)

2. يمكن أن تسير سيارة صغيرة جديدة مسافة قدرها 288 ميلاً باستخدام تسعة جالونات من البنزين. تتغير المسافة التي يتم قيادتها y طرديًا مع عدد جالونات البنزين x. يمكن تمثيل الحالة من خلال المعادلة y = 32x. (المثالان 2 و3)

a. مثّل المعادلة على المستوى الإحداثي الموضح.

l lx	سافة <i>y</i>	عدد اله	لمعادلة y = 32	• •
	0	у	= 32(0)	0
	1	y	= 32(1)	32
	5	y	= 32(5)	160
	10	y :	= 32(10)	320





- 2. يمكن أن تسير سيارة صغيرة جديدة مسافة قدرها 288 ميلاً باستخدام تسعة جالونات من البنزين. تتغير المسافة التي يتم قيادتها y طرديًا مع جالونات البنزين x. يمكن تمثيل الحالة من خلال المعادلة y = 32x. (المثالان 2 و3)
 - a. مثّل المعادلة على المستوى الإحداثي الموضح.
 - b. ما عدد الأميال التي تقطعها السيارة لكل جالون؟

تقطع السيارة الصغيرة مسافة 32 ميل في الجالون الواحد

من تمثيل المسافة y التي تقطعها سيارة هجينة باستخدام x من جالونات البنزين باستخدام y = 42. أي السيارتين توفر في البنزين مقارنة بعدد الأميال؟ اشرح.

تقطع السيارة الهجينة مسافة 42 ميل في الجالون الواحد

السيارة الهجينة أوفر في البنزين



الساعات، x	المبلغ المكتسب y (AED).
2	130.0
3	195.0
4	260.0
5	325.0

محرب المحمد الدخل الحالي لمي في الجدول. عُرض عليها وظيفة جديدة وستدفع لها AED 72 في الساعة. افترض أن دخلها يتغير طرديًا مع عدد ساعات العمل. أي الوظيفتين راتبها أكبر في الساعة؟ (مثال 3)

العلاقة تغير طردي أي أن النسبة $\frac{y}{x}$

$$\frac{130.0}{2} = 65$$

الوظيفة الأساسية 65 درهم في الساعة

الوظيفة الجديدة 72 درهم في الساعة

الوظيفة الجديدة راتبها أفضل 65 < 72



- --- رسى سسة التلفاز ذي الشاشة العريضة طرديًا مع عرضها. شاشة تلفاز بعرض 60 سنتيمترًا وارتفاع 33.75 سنتيمترًا. اكتب معادلة التغير الطردى وحلها لإيجاد ارتفاع شاشة التلفاز بعرض 90 سنتيمترًا. (مثال 4)



إيجاد الارتفاع

$$y = \frac{9}{16} \times (90)$$

$$y = 50.625$$

الارتفاع

$$rac{33.75}{60} = rac{9}{16}$$
 العرض

= 0.5625

$$y = \frac{9}{16}x$$
: المعادلة

يبلغ ارتفاع شاشة التلفاز 50.625 سنتيمتر بعرض 90 سنتيمتر

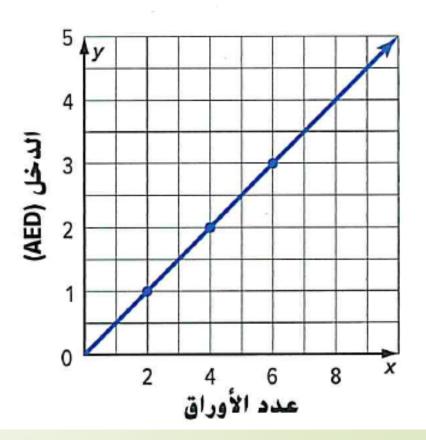
क्रियोड़ क्रियेन्ट्रि

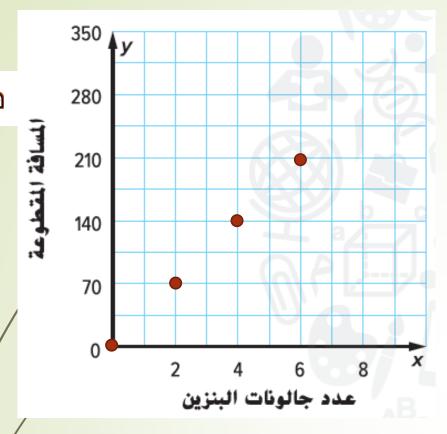
1954200

$$\frac{(AED)}{2} = \frac{1}{2}$$
 عدد الأوراق

يحصل تامر على 0.5 AED لكل ورقة يسلمها

ر طرديًا مع عدد الأوراق التي يسلمها. تظهر العلاقة في الجدول التالي. حدد المبلغ الذي يحصل عليه تامر لكل ورقة بُسلمها. (مثال 1)





y = 35x : المعادلة

تقطع السيارة 35 ميل في الجالون الواحد

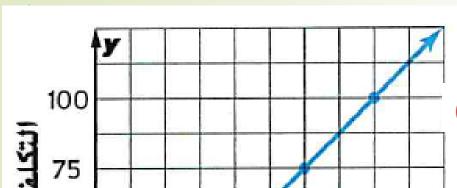


2. يشتري حسين سيارة يمكنها قطع 70 ميلاً باستخدام جالونين من البنزين. افترض أن المسافة المقطوعة بالأميال y تتغير طرديًا مع مقدار البنزين المستخدم x. يمكن تمثيل ذلك من خلال y = 35x. مثّل المعادلة بيانيًا على مستوى الإحداثي. كم عدد الأميال التي تقطعها السيارة لكل جالون من البنزين (مثال 2)

ix	المسافة ب		لمعادلة عدد $y=35$		•	
	0		y =	= 35(0)	0	
	2		y =	= 35(2)	7	0
	4		y =	= 35(4)	14	0
	6		y =	= 35(6)	21	.0



3. يقارن أنس بين أسعار شركات إصلاح الحواسيب. تظهر التكلفة y لشركة المستقبل x الساعات على التمثيل البياني. يمكن تمثيل التكلفة لشركة الأمانة باستخدام المعادلة y = 23.5x y = 23.5x



شركة المستقبل

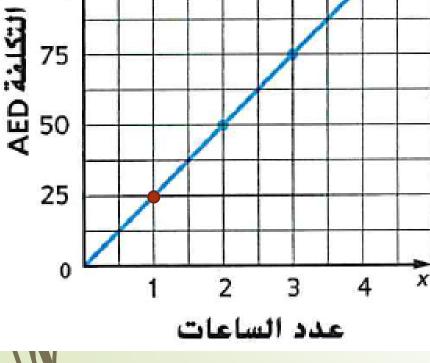
 $\frac{(AED)}{1}$ التكلفة $\frac{25}{1}$ = 25

شركة الأمانة

y = 23.5x

المعدل 25 درهم في الساعة

المعدل 23.5 درهم في الساعة



سعر إصلاح الحواسيب في شركة الأمانة هو الأقل

क्रीया क्रीय

195424



$$\frac{y \cdot 100}{x \cdot 150} = \frac{1}{3}$$

$$y=\frac{1}{3}x$$
: المعادلة

$$y=\frac{1}{3}(120)$$

$$y = 40$$

إذا كان وزن جسم 120 رطلًا على كوكب الأرض فإن وزنه على كوكب المريخ 40 رطلًا



حدد ما إذا كانت كل دالة خطية هي علاقة تغير طردي. إذا كانت كذلك، فحدد ثابت التغير. وإن لم تكن كذلك، فاشرح السبب.

195424

5.	الصور، x	5	6	7	8	
	الربح، و	20	24	28	32	

$$\frac{y}{x} = \frac{20}{5} = 4$$
 الربح $\frac{24}{6} = 4$ $\frac{28}{7} = 4$ $\frac{32}{8} = 4$

توجد علاقة تغير طردي

معدل التغير الطردي 4 ربح لكل صورة

6.	العمر، x	10	11	12	13
	y ،الصف	5	6	7	8

$$\frac{y}{|x|} = \frac{5}{10} = 0.5$$

$$\frac{6}{11} = 0.\overline{54}$$

لا توجد علاقة تغير طردي